

## 面積評価の工夫

---

$k$  と  $n$  を自然数とする。 $1^k, 2^k, \dots, n^k$  の相加平均を  $M(n, k)$  と書くとき、次を証明せよ。

$$\frac{1}{2n} \leq \frac{M(n, k)}{n^k} - \frac{1}{k+1} \leq \frac{1}{n}$$

< '90 お茶の水女子大 >