

座標平面上の曲線

$$C: y = x^3 - x$$

を考える。

- (1) 座標平面上のすべての点 P が次の条件 (i) を満たすことを示せ。
 - (i) 点 P を通る直線 l で、曲線 C と相異なる 3 点で交わるものが存在する。
- (2) 次の条件 (ii) を満たす点 P のとりうる範囲を座標平面上に図示せよ。
 - (ii) 点 P を通る直線 l で、曲線 C と相異なる 3 点で交わり、かつ、直線 l と曲線 C で囲まれた 2 つの部分の面積が等しくなるものが存在する。

< '22 東京大 >