

## 複素数平面と観察眼

---

- (1) 極座標表示された複素数  $z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$  ( $r > 0$ ) が  $\left| z + \frac{1}{2} \right| < \frac{1}{2}$  をみたすための必要十分条件を  $r$  と  $\theta$  を用いて表せ。
- (2)  $n$  を自然数とするとき,  $|1 + z + \dots + z^n|^2$  を  $r, \theta, n$  を用いて表せ。
- (3) 複素数  $z$  が  $\left| z + \frac{1}{2} \right| < \frac{1}{2}$  をみたすならば, すべての自然数  $n$  に対し,  $|1 + z + \dots + z^n| < 1$  が成り立つことを示せ。

< '00 東京工業大 >