

縮小関数による漸化式の極限

関数 $f(x) = \frac{1}{1+e^{-x}}$ について次の問い合わせに答えよ。

- (1) 導関数 $f'(x)$ の最大値を求めよ。
- (2) 方程式 $f(x) = x$ はただ 1 つの実数解をもつことを示せ。
- (3) 漸化式 $a_{n+1} = f(a_n)$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) で与えられる数列 $\{a_n\}$ は、初項 a_1 の値によらず収束し、その極限値は(2)の方程式の解になることを示せ。

< '94 筑波大 >